

# חשמל ומגנטיות לתלמידי הנדסה

פרק 27 - גלים אלקטרומגנטיים

תוכן העניינים

1. הסברים ותרגילים.....1

## הסברים ותרגילים:

### שאלות:

#### (1) תרגיל 1

נתון השדה המגנטי:  $\vec{B} = B_0 \cos(Ax - 2Ay - \omega t) \hat{z}$ .

א. מצא את וקטור הגל של השדה?

ב. הבא את התדירות באמצעות הפרמטר  $A$ .

ג. מצא את השדה החשמלי?

ד. מה הכוח הפועל על מטען  $Q$  הנמצא בראשית עם מהירות  $\vec{v} = v_0 \hat{x}$

ב-  $t = 0$ ?

ה. מצא את הוקטור פויטינג?

#### (2) מצא שדה מגנטי

השדה החשמלי בגל אלקטרו מגנטי נתון לפי:  $\vec{E} = E_0 (1, 1, 2) e^{i(2x - z - \omega t)}$ .

מצא את השדה המגנטי.

#### (3) גל עומד

משוואת הגלים בצורה כללית היא:  $\nabla^2 \phi = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial t^2}$  כאשר  $\phi$  היא פונקציית הגל

במרחב ו- $v$  היא מהירות הגל  $\left(v = \frac{\omega}{k}\right)$ . במקרה של גלים אלקטרו מגנטיים  $\phi$

תהיה הפונקציה של השדה החשמלי או המגנטי,  $v = c$ .

א. הראה שהפונקציה  $\phi(x, t) = A \cos(kx) \sin(\omega t)$  מקיימת את משוואת

הגלים ולכן היא פתרון אפשרי למשוואה.

ב. פתרון דלמבר למשוואת הגלים אומר שכל פתרון צריך להיות

מהצורה  $f(x - vt) + g(x + vt)$ , כאשר  $f$  ו- $g$  הם פונקציות כלשהן.

הראה שהפונקציה מסעיף א' היא גם פיתרון מהצורה הכללית של

הפתרון של דלמבר.

רמז: השתמש בזהויות טריגונומטריות.

**4 תרגיל (4)**

השדה החשמלי של גל אלקטרו מגנטי המתפשט בריק בכיוון  $x$  נתון לפי:

$$\vec{E} = E_0 e^{-\left(\frac{x-ct}{a}\right)^2} \hat{y} + E_0 e^{-\left(\frac{x-ct}{a}\right)^2} \hat{z}$$

כאשר  $E_0$  ו- $a$  הם קבועים חיוביים.

א. מהו השדה המגנטי של הגל?

ב. הראו כי השדה המגנטי מאונך לשדה החשמלי.

ג. כתבו ביטוי לצפיפות האנרגיה של הגל.

**תשובות סופיות:**

$$(1) \quad \vec{k} = (A, -2A, 0) \quad \text{א.} \quad \omega = C \cdot A \cdot \sqrt{5} \quad \text{ב.}$$

$$\vec{E} = +C^2 2AB_0 \cos(Ax - 2Ay - \omega t) \cdot \frac{1}{+\omega} \hat{x} + C^2 2AB_0 \cos(Ax - 2Ay - \omega t) \cdot \frac{1}{+\omega} \hat{y} \quad \text{ג.}$$

$$\vec{S} \cdot \vec{E} = 0 \quad \text{ה.} \quad \vec{F} = Q \left( \frac{C^2 AB_0}{\omega} (2\hat{x} + \hat{y}) + V_0 B_0 (-\hat{y}) \right) \quad \text{ד.}$$

$$(2) \quad \vec{B} = \frac{E_0}{\sqrt{5}c} (1, -5, 2) e^{i(2x-z-\omega t)}$$

(3) שאלת הוכחה.

$$(4) \quad \text{א.} \quad \frac{E_0}{c} e^{-\left(\frac{x-ct}{a}\right)^2} (\hat{z} - \hat{y}) \quad \text{ב. הוכחה.} \quad \text{ג.} \quad 2\varepsilon_0 E_0^2 e^{-2\left(\frac{x-ct}{a}\right)^2}$$